

Exercice 1

- 1. Soit LRY un triangle rectangle en R tel que :
 $YR = 10,5$ cm et $LR = 5,6$ cm.
Calculer la longueur YL .

- 2. Soit WJC un triangle rectangle en C tel que :
 $JW = 18,7$ cm et $JC = 16,5$ cm.
Calculer la longueur WC .

Exercice 2

- 1. Soit LAM un triangle rectangle en M tel que :
 $AM = 3$ cm et $LM = 7,2$ cm.
Calculer la longueur LA .

- 2. Soit RAF un triangle rectangle en F tel que :
 $RA = 10,9$ cm et $AF = 6$ cm.
Calculer la longueur RF .

Exercice 3

- 1. Soit NPY un triangle rectangle en P tel que :
 $NP = 10,5$ cm et $YP = 14$ cm.
Calculer la longueur YN .

- 2. Soit EYR un triangle rectangle en R tel que :
 $EY = 2,6$ cm et $YR = 1$ cm.
Calculer la longueur ER .

Exercice 4

- 1. Soit FPZ un triangle rectangle en P tel que :
 $FZ = 17,5$ cm et $ZP = 10,5$ cm.
Calculer la longueur FP .

- 2. Soit AXT un triangle rectangle en X tel que :
 $TX = 10,4$ cm et $AX = 15,3$ cm.
Calculer la longueur AT .

Exercice 5

- 1. Soit RGJ un triangle rectangle en R tel que :
 $GJ = 6,5$ cm et $JR = 1,6$ cm.
Calculer la longueur GR .

- 2. Soit GMX un triangle rectangle en G tel que :
 $XG = 3$ cm et $MG = 1,6$ cm.
Calculer la longueur XM .

Exercice 6

Soit VHQ un triangle tel que : $HV = 6,8$ cm , $HQ = 8,5$ cm et $QV = 5,1$ cm.
Quelle est la nature du triangle VHQ ?

Exercice 7

Soit KHZ un triangle tel que : $ZH = 15$ cm , $ZK = 14,4$ cm et $HK = 4,2$ cm.
Quelle est la nature du triangle KHZ ?

Exercice 8

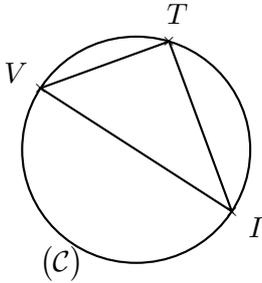
Soit GQY un triangle tel que : $QY = 10,4$ cm , $GY = 7,8$ cm et $QG = 13$ cm.
Quelle est la nature du triangle GQY ?

Exercice 9

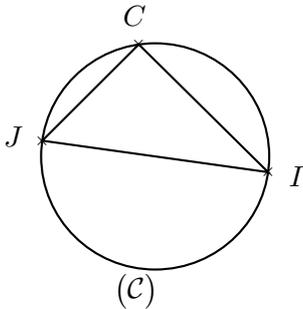
Soit DOV un triangle tel que : $VO = 8,8$ cm , $DO = 16,5$ cm et $DV = 18,7$ cm.
Quelle est la nature du triangle DOV ?

Exercice 10

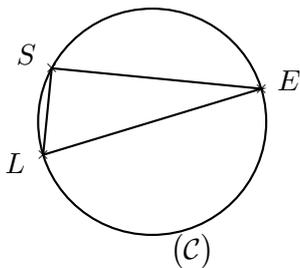
Soit GWL un triangle tel que : $WL = 8,8 \text{ cm}$, $GL = 6,6 \text{ cm}$ et $WG = 11 \text{ cm}$.
 Quelle est la nature du triangle GWL ?

Exercice 11

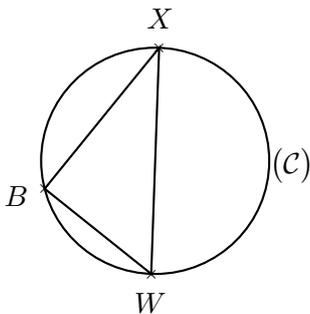
(C) est un cercle de diamètre $[IV]$ et T est un point de (C) .
 On donne $IV = 19,5 \text{ cm}$ et $VT = 11,7 \text{ cm}$.
 Calculer la longueur IT .

Exercice 12

(C) est un cercle de diamètre $[IJ]$ et C est un point de (C) .
 On donne $IC = 7,2 \text{ cm}$ et $IJ = 9 \text{ cm}$.
 Calculer la longueur JC .

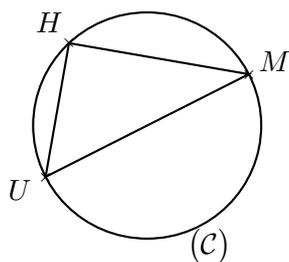
Exercice 13

(C) est un cercle de diamètre $[EL]$ et S est un point de (C) .
 On donne $EL = 16,9 \text{ cm}$ et $ES = 15,6 \text{ cm}$.
 Calculer la longueur LS .

Exercice 14

(C) est un cercle de diamètre $[XW]$ et B est un point de (C) .
 On donne $XB = 10,4 \text{ cm}$ et $WB = 7,8 \text{ cm}$.
 Calculer la longueur XW .

Exercice 15



(C) est un cercle de diamètre $[MU]$ et H est un point de (C).
On donne $MH = 6,4$ cm et $MU = 8$ cm.
Calculer la longueur UH .

Exercice 16

►1. QCD est un triangle rectangle en Q tel que :
 $QD = 10,7$ cm et $DC = 11$ cm.
Calculer la mesure de l'angle \widehat{QDC} .

►2. TFA est un triangle rectangle en A tel que :
 $AF = 3$ cm et $\widehat{ATF} = 67^\circ$.
Calculer la longueur AT .

Exercice 17

►1. IHA est un triangle rectangle en H tel que :
 $HA = 2,6$ cm et $IA = 4,6$ cm.
Calculer la mesure de l'angle \widehat{HIA} .

►2. VDQ est un triangle rectangle en Q tel que :
 $DV = 1$ cm et $\widehat{QDV} = 51^\circ$.
Calculer la longueur QD .

Exercice 18

►1. PJF est un triangle rectangle en J tel que :
 $JF = 4,6$ cm et $JP = 11$ cm.
Calculer la mesure de l'angle \widehat{JPF} .

►2. CTB est un triangle rectangle en B tel que :
 $BC = 3,8$ cm et $\widehat{BCT} = 59^\circ$.
Calculer la longueur CT .

Exercice 19

►1. QOH est un triangle rectangle en Q tel que :
 $HO = 3,3$ cm et $\widehat{QHO} = 17^\circ$.
Calculer la longueur QO .

►2. NXF est un triangle rectangle en F tel que :
 $FX = 7,6$ cm et $XN = 9,9$ cm.
Calculer la mesure de l'angle \widehat{FXN} .

Exercice 20

►1. WLQ est un triangle rectangle en L tel que :
 $LQ = 5,6$ cm et $\widehat{LQW} = 52^\circ$.
Calculer la longueur QW .

►2. KUI est un triangle rectangle en U tel que :
 $UK = 7,9$ cm et $UI = 8,2$ cm.
Calculer la mesure de l'angle \widehat{UIK} .

Corrigé de l'exercice 1

- 1. Soit $LR Y$ un triangle rectangle en R tel que :
 $YR = 10,5$ cm et $LR = 5,6$ cm.
 Calculer la longueur YL .

.....
 Le triangle $LR Y$ est rectangle en R .

Son hypoténuse est $[YL]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$YL^2 = LR^2 + YR^2$$

$$YL^2 = 5,6^2 + 10,5^2$$

$$YL^2 = 31,36 + 110,25$$

$$YL^2 = 141,61$$

Donc $YL = \sqrt{141,61} = 11,9$ cm

- 2. Soit WJC un triangle rectangle en C tel que :
 $JW = 18,7$ cm et $JC = 16,5$ cm.
 Calculer la longueur WC .

.....
 Le triangle WJC est rectangle en C .

Son hypoténuse est $[JW]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$JW^2 = WC^2 + JC^2$$

$$WC^2 = JW^2 - JC^2 \quad (\text{On cherche } WC)$$

$$WC^2 = 18,7^2 - 16,5^2$$

$$WC^2 = 349,69 - 272,25$$

$$WC^2 = 77,44$$

Donc $WC = \sqrt{77,44} = 8,8$ cm

Corrigé de l'exercice 2

- 1. Soit LAM un triangle rectangle en M tel que :
 $AM = 3$ cm et $LM = 7,2$ cm.
 Calculer la longueur LA .

.....
 Le triangle LAM est rectangle en M .

Son hypoténuse est $[LA]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$LA^2 = AM^2 + LM^2$$

$$LA^2 = 3^2 + 7,2^2$$

$$LA^2 = 9 + 51,84$$

$$LA^2 = 60,84$$

Donc $LA = \sqrt{60,84} = 7,8$ cm

- 2. Soit RAF un triangle rectangle en F tel que :
 $RA = 10,9$ cm et $AF = 6$ cm.
 Calculer la longueur RF .

.....
 Le triangle RAF est rectangle en F .

Son hypoténuse est $[RA]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$RA^2 = AF^2 + RF^2$$

$$RF^2 = RA^2 - AF^2 \quad (\text{On cherche } RF)$$

$$RF^2 = 10,9^2 - 6^2$$

$$RF^2 = 118,81 - 36$$

$$RF^2 = 82,81$$

Donc $RF = \sqrt{82,81} = 9,1$ cm

Corrigé de l'exercice 3

- 1. Soit NPY un triangle rectangle en P tel que :
 $NP = 10,5$ cm et $YP = 14$ cm.
 Calculer la longueur YN .

.....
 Le triangle NPY est rectangle en P .

Son hypoténuse est $[YN]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$YN^2 = NP^2 + YP^2$$

$$YN^2 = 10,5^2 + 14^2$$

$$YN^2 = 110,25 + 196$$

$$YN^2 = 306,25$$

Donc $YN = \sqrt{306,25} = 17,5$ cm

►2. Soit EYR un triangle rectangle en R tel que :

$$EY = 2,6 \text{ cm et } YR = 1 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur ER .

.....

Le triangle EYR est rectangle en R .

Son hypoténuse est $[EY]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$EY^2 = YR^2 + ER^2$$

$$ER^2 = EY^2 - YR^2 \quad (\text{On cherche } ER)$$

$$ER^2 = 2,6^2 - 1^2$$

$$ER^2 = 6,76 - 1$$

$$ER^2 = 5,76$$

Donc $ER = \sqrt{5,76} = 2,4$ cm

Corrigé de l'exercice 4

►1. Soit FPZ un triangle rectangle en P tel que :

$$FZ = 17,5 \text{ cm et } ZP = 10,5 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur FP .

.....

Le triangle FPZ est rectangle en P .

Son hypoténuse est $[FZ]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$FZ^2 = ZP^2 + FP^2$$

$$FP^2 = FZ^2 - ZP^2 \quad (\text{On cherche } FP)$$

$$FP^2 = 17,5^2 - 10,5^2$$

$$FP^2 = 306,25 - 110,25$$

$$FP^2 = 196$$

Donc $FP = \sqrt{196} = 14$ cm

►2. Soit AXT un triangle rectangle en X tel que :

$$TX = 10,4 \text{ cm et } AX = 15,3 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur AT .

.....

Le triangle AXT est rectangle en X .

Son hypoténuse est $[AT]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$AT^2 = TX^2 + AX^2$$

$$AT^2 = 10,4^2 + 15,3^2$$

$$AT^2 = 108,16 + 234,09$$

$$AT^2 = 342,25$$

Donc $AT = \sqrt{342,25} = 18,5$ cm

Corrigé de l'exercice 5

►1. Soit RGJ un triangle rectangle en R tel que :

$$GJ = 6,5 \text{ cm et } JR = 1,6 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur GR .

.....

Le triangle RGJ est rectangle en R .

Son hypoténuse est $[GJ]$.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$GJ^2 = JR^2 + GR^2$$

$$GR^2 = GJ^2 - JR^2 \quad (\text{On cherche } GR)$$

$$GR^2 = 6,5^2 - 1,6^2$$

$$GR^2 = 42,25 - 2,56$$

$$GR^2 = 39,69$$

$$\text{Donc } GR = \sqrt{39,69} = 6,3 \text{ cm}$$

►2. Soit GMX un triangle rectangle en G tel que :
 $XG = 3 \text{ cm}$ et $MG = 1,6 \text{ cm}$.
 Calculer la longueur XM .

.....
 Le triangle GMX est rectangle en G .
 Son hypoténuse est $[XM]$.
 D'après le **théorème de Pythagore** :

$$XM^2 = MG^2 + XG^2$$

$$XM^2 = 1,6^2 + 3^2$$

$$XM^2 = 2,56 + 9$$

$$XM^2 = 11,56$$

$$\text{Donc } XM = \sqrt{11,56} = 3,4 \text{ cm}$$

Corrigé de l'exercice 6

Soit VHQ un triangle tel que : $HV = 6,8 \text{ cm}$, $HQ = 8,5 \text{ cm}$ et $QV = 5,1 \text{ cm}$.
 Quelle est la nature du triangle VHQ ?

.....
 Le triangle VHQ n'est ni isocèle, ni équilatéral.

<ul style="list-style-type: none"> • $HQ^2 = 8,5^2 = 72,25$ ([HQ] est le plus grand côté.) • $QV^2 + HV^2 = 5,1^2 + 6,8^2 = 72,25$ 	}	Donc $HQ^2 = QV^2 + HV^2$.
---	---	-----------------------------

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**, le triangle VHQ est rectangle en V .

Corrigé de l'exercice 7

Soit KHZ un triangle tel que : $ZH = 15 \text{ cm}$, $ZK = 14,4 \text{ cm}$ et $HK = 4,2 \text{ cm}$.
 Quelle est la nature du triangle KHZ ?

.....
 Le triangle KHZ n'est ni isocèle, ni équilatéral.

<ul style="list-style-type: none"> • $ZH^2 = 15^2 = 225$ ([ZH] est le plus grand côté.) • $HK^2 + ZK^2 = 4,2^2 + 14,4^2 = 225$ 	}	Donc $ZH^2 = HK^2 + ZK^2$.
---	---	-----------------------------

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**, le triangle KHZ est rectangle en K .

Corrigé de l'exercice 8

Soit GQY un triangle tel que : $QY = 10,4 \text{ cm}$, $GY = 7,8 \text{ cm}$ et $QG = 13 \text{ cm}$.
 Quelle est la nature du triangle GQY ?

Le triangle GQY n'est ni isocèle, ni équilatéral.

$$\left. \begin{array}{l} \bullet QG^2 = 13^2 = 169 \quad ([QG] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet GY^2 + QY^2 = 7,8^2 + 10,4^2 = 169 \end{array} \right\} \text{Donc } QG^2 = GY^2 + QY^2.$$

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**,

le triangle GQY est rectangle en Y .

Corrigé de l'exercice 9

Soit DOV un triangle tel que : $VO = 8,8 \text{ cm}$, $DO = 16,5 \text{ cm}$ et $DV = 18,7 \text{ cm}$.

Quelle est la nature du triangle DOV ?

Le triangle DOV n'est ni isocèle, ni équilatéral.

$$\left. \begin{array}{l} \bullet DV^2 = 18,7^2 = 349,69 \quad ([DV] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet VO^2 + DO^2 = 8,8^2 + 16,5^2 = 349,69 \end{array} \right\} \text{Donc } DV^2 = VO^2 + DO^2.$$

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**,

le triangle DOV est rectangle en O .

Corrigé de l'exercice 10

Soit GWL un triangle tel que : $WL = 8,8 \text{ cm}$, $GL = 6,6 \text{ cm}$ et $WG = 11 \text{ cm}$.

Quelle est la nature du triangle GWL ?

Le triangle GWL n'est ni isocèle, ni équilatéral.

$$\left. \begin{array}{l} \bullet WG^2 = 11^2 = 121 \quad ([WG] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet GL^2 + WL^2 = 6,6^2 + 8,8^2 = 121 \end{array} \right\} \text{Donc } WG^2 = GL^2 + WL^2.$$

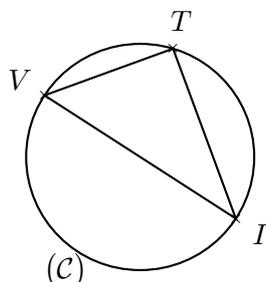
D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**,

le triangle GWL est rectangle en L .

Corrigé de l'exercice 11

(C) est un cercle de diamètre $[IV]$ et T est un point de (C).
On donne $IV = 19,5$ cm et $VT = 11,7$ cm.
Calculer la longueur IT .

.....



$[IV]$ est le diamètre du cercle circonscrit au triangle VIT .

Donc le triangle VIT est rectangle en T .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$IV^2 = VT^2 + IT^2 \quad (\text{car } [IV] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$IT^2 = IV^2 - VT^2 \quad (\text{On cherche } IT)$$

$$IT^2 = 19,5^2 - 11,7^2$$

$$IT^2 = 380,25 - 136,89$$

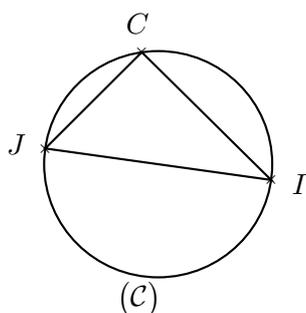
$$IT^2 = 243,36$$

Donc $IT = \sqrt{243,36} = 15,6$ cm

Corrigé de l'exercice 12

(C) est un cercle de diamètre $[IJ]$ et C est un point de (C).
On donne $IC = 7,2$ cm et $IJ = 9$ cm.
Calculer la longueur JC .

.....



$[IJ]$ est le diamètre du cercle circonscrit au triangle ICJ .

Donc le triangle ICJ est rectangle en C .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$IJ^2 = JC^2 + IC^2 \quad (\text{car } [IJ] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$JC^2 = IJ^2 - IC^2 \quad (\text{On cherche } JC)$$

$$JC^2 = 9^2 - 7,2^2$$

$$JC^2 = 81 - 51,84$$

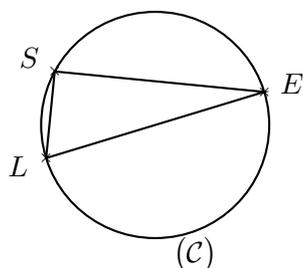
$$JC^2 = 29,16$$

Donc $JC = \sqrt{29,16} = 5,4$ cm

Corrigé de l'exercice 13

(C) est un cercle de diamètre $[EL]$ et S est un point de (C).
On donne $EL = 16,9$ cm et $ES = 15,6$ cm.
Calculer la longueur LS .

.....



$[EL]$ est le diamètre du cercle circonscrit au triangle SLE .

Donc le triangle SLE est rectangle en S.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$EL^2 = LS^2 + ES^2 \quad (\text{car } [EL] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$LS^2 = EL^2 - ES^2 \quad (\text{On cherche } LS)$$

$$LS^2 = 16,9^2 - 15,6^2$$

$$LS^2 = 285,61 - 243,36$$

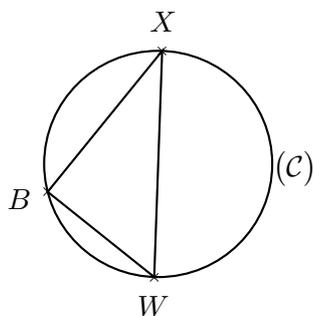
$$LS^2 = 42,25$$

Donc $LS = \sqrt{42,25} = 6,5$ cm

Corrigé de l'exercice 14

(C) est un cercle de diamètre $[XW]$ et B est un point de (C).
On donne $XB = 10,4$ cm et $WB = 7,8$ cm.
Calculer la longueur XW .

.....



$[XW]$ est le diamètre du cercle circonscrit au triangle XWB .

Donc le triangle XWB est rectangle en B.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$XW^2 = WB^2 + XB^2 \quad (\text{car } [XW] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$XW^2 = 7,8^2 + 10,4^2$$

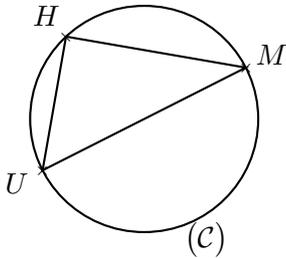
$$XW^2 = 60,84 + 108,16$$

$$XW^2 = 169$$

Donc $XW = \sqrt{169} = 13$ cm

Corrigé de l'exercice 15

(C) est un cercle de diamètre [MU] et H est un point de (C).
 On donne $MH = 6,4$ cm et $MU = 8$ cm.
 Calculer la longueur UH .



[MU] est le diamètre du cercle circonscrit au triangle UHM.

Donc le triangle UHM est rectangle en H.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$MU^2 = UH^2 + MH^2 \quad (\text{car } [MU] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$UH^2 = MU^2 - MH^2 \quad (\text{On cherche } UH)$$

$$UH^2 = 8^2 - 6,4^2$$

$$UH^2 = 64 - 40,96$$

$$UH^2 = 23,04$$

Donc $UH = \sqrt{23,04} = 4,8$ cm

Corrigé de l'exercice 16

►1. QCD est un triangle rectangle en Q tel que :
 $QD = 10,7$ cm et $DC = 11$ cm.
 Calculer la mesure de l'angle \widehat{QDC} .

Dans le triangle QCD rectangle en Q,

$$\cos \widehat{QDC} = \frac{QD}{DC}$$

$$\cos \widehat{QDC} = \frac{10,7}{11}$$

$$\widehat{QDC} = \cos^{-1} \left(\frac{10,7}{11} \right) \simeq 13,4^\circ$$

►2. TFA est un triangle rectangle en A tel que :
 $AF = 3$ cm et $\widehat{ATF} = 67^\circ$.
 Calculer la longueur AT.

Dans le triangle TFA rectangle en A,

$$\tan \widehat{ATF} = \frac{AF}{AT}$$

$$\tan 67 = \frac{3}{AT}$$

$$AT = \frac{3}{\tan 67} \simeq 1,27 \text{ cm}$$

Corrigé de l'exercice 17

►1. IHA est un triangle rectangle en H tel que :
 $HA = 2,6$ cm et $IA = 4,6$ cm.
 Calculer la mesure de l'angle \widehat{HIA} .

Dans le triangle IHA rectangle en H,

$$\sin \widehat{HIA} = \frac{HA}{IA}$$

$$\sin \widehat{HIA} = \frac{2,6}{4,6}$$

$$\widehat{HIA} = \sin^{-1} \left(\frac{2,6}{4,6} \right) \simeq 34,4^\circ$$

- 2. VDQ est un triangle rectangle en Q tel que :
 $DV = 1$ cm et $\widehat{QDV} = 51^\circ$.
 Calculer la longueur QD .

.....

Dans le triangle VDQ rectangle en Q ,

$$\cos \widehat{QDV} = \frac{QD}{DV}$$

$$\cos 51 = \frac{QD}{1}$$

$$QD = \cos 51 \times 1 \simeq 0,62 \text{ cm}$$

Corrigé de l'exercice 18

- 1. PJF est un triangle rectangle en J tel que :
 $JF = 4,6$ cm et $JP = 11$ cm.
 Calculer la mesure de l'angle \widehat{JPF} .

.....

Dans le triangle PJF rectangle en J ,

$$\tan \widehat{JPF} = \frac{JF}{JP}$$

$$\tan \widehat{JPF} = \frac{4,6}{11}$$

$$\widehat{JPF} = \tan^{-1} \left(\frac{4,6}{11} \right) \simeq 22,6^\circ$$

- 2. CTB est un triangle rectangle en B tel que :
 $BC = 3,8$ cm et $\widehat{BCT} = 59^\circ$.
 Calculer la longueur CT .

.....

Dans le triangle CTB rectangle en B ,

$$\cos \widehat{BCT} = \frac{BC}{CT}$$

$$\cos 59 = \frac{3,8}{CT}$$

$$CT = \frac{3,8}{\cos 59} \simeq 7,37 \text{ cm}$$

Corrigé de l'exercice 19

- 1. QOH est un triangle rectangle en Q tel que :
 $HO = 3,3$ cm et $\widehat{QHO} = 17^\circ$.
 Calculer la longueur QO .

.....

Dans le triangle QOH rectangle en Q ,

$$\sin \widehat{QHO} = \frac{QO}{HO}$$

$$\sin 17 = \frac{QO}{3,3}$$

$$QO = \sin 17 \times 3,3 \simeq 0,96 \text{ cm}$$

- 2. NXF est un triangle rectangle en F tel que :
 $FX = 7,6$ cm et $XN = 9,9$ cm.
 Calculer la mesure de l'angle \widehat{FXN} .

.....

Dans le triangle NXF rectangle en F ,

$$\cos \widehat{FXN} = \frac{FX}{XN}$$

$$\cos \widehat{FXN} = \frac{7,6}{9,9}$$

$$\widehat{FXN} = \cos^{-1} \left(\frac{7,6}{9,9} \right) \simeq 39,8^\circ$$

Corrigé de l'exercice 20

- 1. WLQ est un triangle rectangle en L tel que :
 $LQ = 5,6$ cm et $\widehat{LQW} = 52^\circ$.
Calculer la longueur QW .

.....

Dans le triangle WLQ rectangle en L ,

$$\cos \widehat{LQW} = \frac{LQ}{QW}$$

$$\cos 52 = \frac{5,6}{QW}$$

$$QW = \frac{5,6}{\cos 52} \simeq 9,09 \text{ cm}$$

- 2. KUI est un triangle rectangle en U tel que :
 $UK = 7,9$ cm et $UI = 8,2$ cm.
Calculer la mesure de l'angle \widehat{UIK} .

.....

Dans le triangle KUI rectangle en U ,

$$\tan \widehat{UIK} = \frac{UK}{UI}$$

$$\tan \widehat{UIK} = \frac{7,9}{8,2}$$

$$\widehat{UIK} = \tan^{-1} \left(\frac{7,9}{8,2} \right) \simeq 43,9^\circ$$