

**Exercice 1**

- 1. Soit  $LRY$  un triangle rectangle en  $R$  tel que :  
 $YR = 10,5$  cm et  $LR = 5,6$  cm.  
Calculer la longueur  $YL$ .

- 2. Soit  $WJC$  un triangle rectangle en  $C$  tel que :  
 $JW = 18,7$  cm et  $JC = 16,5$  cm.  
Calculer la longueur  $WC$ .

**Exercice 2**

- 1. Soit  $LAM$  un triangle rectangle en  $M$  tel que :  
 $AM = 3$  cm et  $LM = 7,2$  cm.  
Calculer la longueur  $LA$ .

- 2. Soit  $RAF$  un triangle rectangle en  $F$  tel que :  
 $RA = 10,9$  cm et  $AF = 6$  cm.  
Calculer la longueur  $RF$ .

**Exercice 3**

- 1. Soit  $NPY$  un triangle rectangle en  $P$  tel que :  
 $NP = 10,5$  cm et  $YP = 14$  cm.  
Calculer la longueur  $YN$ .

- 2. Soit  $EYR$  un triangle rectangle en  $R$  tel que :  
 $EY = 2,6$  cm et  $YR = 1$  cm.  
Calculer la longueur  $ER$ .

**Exercice 4**

- 1. Soit  $FPZ$  un triangle rectangle en  $P$  tel que :  
 $FZ = 17,5$  cm et  $ZP = 10,5$  cm.  
Calculer la longueur  $FP$ .

- 2. Soit  $AXT$  un triangle rectangle en  $X$  tel que :  
 $TX = 10,4$  cm et  $AX = 15,3$  cm.  
Calculer la longueur  $AT$ .

**Exercice 5**

- 1. Soit  $RGJ$  un triangle rectangle en  $R$  tel que :  
 $GJ = 6,5$  cm et  $JR = 1,6$  cm.  
Calculer la longueur  $GR$ .

- 2. Soit  $GMX$  un triangle rectangle en  $G$  tel que :  
 $XG = 3$  cm et  $MG = 1,6$  cm.  
Calculer la longueur  $XM$ .

**Exercice 6**

Soit  $VHQ$  un triangle tel que :  $HV = 6,8$  cm ,  $HQ = 8,5$  cm et  $QV = 5,1$  cm.  
Quelle est la nature du triangle  $VHQ$  ?

**Exercice 7**

Soit  $KHZ$  un triangle tel que :  $ZH = 15$  cm ,  $ZK = 14,4$  cm et  $HK = 4,2$  cm.  
Quelle est la nature du triangle  $KHZ$  ?

**Exercice 8**

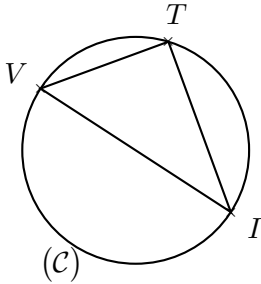
Soit  $GQY$  un triangle tel que :  $QY = 10,4$  cm ,  $GY = 7,8$  cm et  $QG = 13$  cm.  
Quelle est la nature du triangle  $GQY$  ?

**Exercice 9**

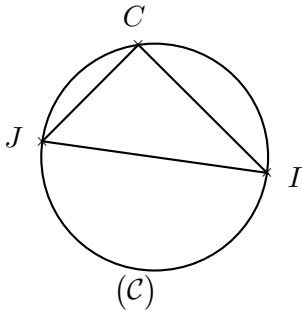
Soit  $DOV$  un triangle tel que :  $VO = 8,8$  cm ,  $DO = 16,5$  cm et  $DV = 18,7$  cm.  
Quelle est la nature du triangle  $DOV$  ?

**Exercice 10**

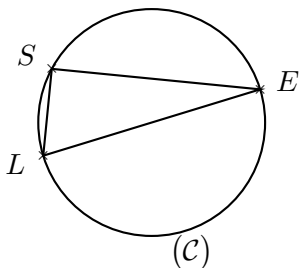
Soit  $GWL$  un triangle tel que :  $WL = 8,8 \text{ cm}$  ,  $GL = 6,6 \text{ cm}$  et  $WG = 11 \text{ cm}$ .  
Quelle est la nature du triangle  $GWL$  ?

**Exercice 11**

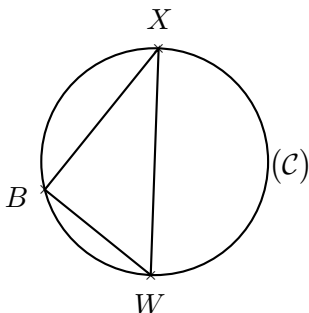
$(C)$  est un cercle de diamètre  $[IV]$  et  $T$  est un point de  $(C)$ .  
On donne  $IV = 19,5 \text{ cm}$  et  $VT = 11,7 \text{ cm}$ .  
Calculer la longueur  $IT$ .

**Exercice 12**

$(C)$  est un cercle de diamètre  $[IJ]$  et  $C$  est un point de  $(C)$ .  
On donne  $IC = 7,2 \text{ cm}$  et  $IJ = 9 \text{ cm}$ .  
Calculer la longueur  $JC$ .

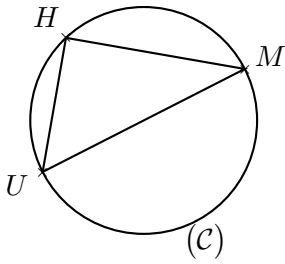
**Exercice 13**

$(C)$  est un cercle de diamètre  $[EL]$  et  $S$  est un point de  $(C)$ .  
On donne  $EL = 16,9 \text{ cm}$  et  $ES = 15,6 \text{ cm}$ .  
Calculer la longueur  $LS$ .

**Exercice 14**

$(C)$  est un cercle de diamètre  $[XW]$  et  $B$  est un point de  $(C)$ .  
On donne  $XB = 10,4 \text{ cm}$  et  $WB = 7,8 \text{ cm}$ .  
Calculer la longueur  $XW$ .

**Exercice 15**



(C) est un cercle de diamètre  $[MU]$  et  $H$  est un point de (C).  
On donne  $MH = 6,4$  cm et  $MU = 8$  cm.  
Calculer la longueur  $UH$ .

### Exercice 16

►1.  $QCD$  est un triangle rectangle en  $Q$  tel que :  
 $QD = 10,7$  cm et  $DC = 11$  cm.  
Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{QDC}$ .

►2.  $TFA$  est un triangle rectangle en  $A$  tel que :  
 $AF = 3$  cm et  $\widehat{ATF} = 67^\circ$ .  
Calculer la longueur  $AT$ .

### Exercice 17

►1.  $IHA$  est un triangle rectangle en  $H$  tel que :  
 $HA = 2,6$  cm et  $IA = 4,6$  cm.  
Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{HIA}$ .

►2.  $VDQ$  est un triangle rectangle en  $Q$  tel que :  
 $DV = 1$  cm et  $\widehat{QDV} = 51^\circ$ .  
Calculer la longueur  $QD$ .

### Exercice 18

►1.  $PJF$  est un triangle rectangle en  $J$  tel que :  
 $JF = 4,6$  cm et  $JP = 11$  cm.  
Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{JPF}$ .

►2.  $CTB$  est un triangle rectangle en  $B$  tel que :  
 $BC = 3,8$  cm et  $\widehat{BCT} = 59^\circ$ .  
Calculer la longueur  $CT$ .

### Exercice 19

►1.  $QOH$  est un triangle rectangle en  $Q$  tel que :  
 $HO = 3,3$  cm et  $\widehat{QHO} = 17^\circ$ .  
Calculer la longueur  $QO$ .

►2.  $NXF$  est un triangle rectangle en  $F$  tel que :  
 $FX = 7,6$  cm et  $XN = 9,9$  cm.  
Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{FXN}$ .

### Exercice 20

►1.  $WLQ$  est un triangle rectangle en  $L$  tel que :  
 $LQ = 5,6$  cm et  $\widehat{LQW} = 52^\circ$ .  
Calculer la longueur  $QW$ .

►2.  $KUI$  est un triangle rectangle en  $U$  tel que :  
 $UK = 7,9$  cm et  $UI = 8,2$  cm.  
Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{UIK}$ .

**Corrigé de l'exercice 1**

- 1. Soit  $LR Y$  un triangle rectangle en  $R$  tel que :  
 $YR = 10,5$  cm et  $LR = 5,6$  cm.  
 Calculer la longueur  $YL$ .

.....  
 Le triangle  $LR Y$  est rectangle en  $R$ .

Son hypoténuse est  $[YL]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$YL^2 = LR^2 + YR^2$$

$$YL^2 = 5,6^2 + 10,5^2$$

$$YL^2 = 31,36 + 110,25$$

$$YL^2 = 141,61$$

Donc  $YL = \sqrt{141,61} = 11,9$  cm

- 2. Soit  $WJC$  un triangle rectangle en  $C$  tel que :  
 $JW = 18,7$  cm et  $JC = 16,5$  cm.  
 Calculer la longueur  $WC$ .

.....  
 Le triangle  $WJC$  est rectangle en  $C$ .

Son hypoténuse est  $[JW]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$JW^2 = WC^2 + JC^2$$

$$WC^2 = JW^2 - JC^2 \quad (\text{On cherche } WC)$$

$$WC^2 = 18,7^2 - 16,5^2$$

$$WC^2 = 349,69 - 272,25$$

$$WC^2 = 77,44$$

Donc  $WC = \sqrt{77,44} = 8,8$  cm

**Corrigé de l'exercice 2**

- 1. Soit  $LAM$  un triangle rectangle en  $M$  tel que :  
 $AM = 3$  cm et  $LM = 7,2$  cm.  
 Calculer la longueur  $LA$ .

.....  
 Le triangle  $LAM$  est rectangle en  $M$ .

Son hypoténuse est  $[LA]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$LA^2 = AM^2 + LM^2$$

$$LA^2 = 3^2 + 7,2^2$$

$$LA^2 = 9 + 51,84$$

$$LA^2 = 60,84$$

Donc  $LA = \sqrt{60,84} = 7,8$  cm

- 2. Soit  $RAF$  un triangle rectangle en  $F$  tel que :  
 $RA = 10,9$  cm et  $AF = 6$  cm.  
 Calculer la longueur  $RF$ .

.....  
 Le triangle  $RAF$  est rectangle en  $F$ .

Son hypoténuse est  $[RA]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$RA^2 = AF^2 + RF^2$$

$$RF^2 = RA^2 - AF^2 \quad (\text{On cherche } RF)$$

$$RF^2 = 10,9^2 - 6^2$$

$$RF^2 = 118,81 - 36$$

$$RF^2 = 82,81$$

Donc  $RF = \sqrt{82,81} = 9,1$  cm

**Corrigé de l'exercice 3**

- 1. Soit  $NPY$  un triangle rectangle en  $P$  tel que :  
 $NP = 10,5$  cm et  $YP = 14$  cm.  
 Calculer la longueur  $YN$ .

.....  
 Le triangle  $NPY$  est rectangle en  $P$ .

Son hypoténuse est  $[YN]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$YN^2 = NP^2 + YP^2$$

$$YN^2 = 10,5^2 + 14^2$$

$$YN^2 = 110,25 + 196$$

$$YN^2 = 306,25$$

Donc  $YN = \sqrt{306,25} = 17,5 \text{ cm}$

►2. Soit  $EYR$  un triangle rectangle en  $R$  tel que :

$$EY = 2,6 \text{ cm et } YR = 1 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur  $ER$ .

.....

Le triangle  $EYR$  est rectangle en  $R$ .

Son hypoténuse est  $[EY]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$EY^2 = YR^2 + ER^2$$

$$ER^2 = EY^2 - YR^2 \quad (\text{On cherche } ER)$$

$$ER^2 = 2,6^2 - 1^2$$

$$ER^2 = 6,76 - 1$$

$$ER^2 = 5,76$$

Donc  $ER = \sqrt{5,76} = 2,4 \text{ cm}$

**Corrigé de l'exercice 4**

►1. Soit  $FPZ$  un triangle rectangle en  $P$  tel que :

$$FZ = 17,5 \text{ cm et } ZP = 10,5 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur  $FP$ .

.....

Le triangle  $FPZ$  est rectangle en  $P$ .

Son hypoténuse est  $[FZ]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$FZ^2 = ZP^2 + FP^2$$

$$FP^2 = FZ^2 - ZP^2 \quad (\text{On cherche } FP)$$

$$FP^2 = 17,5^2 - 10,5^2$$

$$FP^2 = 306,25 - 110,25$$

$$FP^2 = 196$$

Donc  $FP = \sqrt{196} = 14 \text{ cm}$

►2. Soit  $AXT$  un triangle rectangle en  $X$  tel que :

$$TX = 10,4 \text{ cm et } AX = 15,3 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur  $AT$ .

.....

Le triangle  $AXT$  est rectangle en  $X$ .

Son hypoténuse est  $[AT]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$AT^2 = TX^2 + AX^2$$

$$AT^2 = 10,4^2 + 15,3^2$$

$$AT^2 = 108,16 + 234,09$$

$$AT^2 = 342,25$$

Donc  $AT = \sqrt{342,25} = 18,5 \text{ cm}$

**Corrigé de l'exercice 5**

►1. Soit  $RGJ$  un triangle rectangle en  $R$  tel que :

$$GJ = 6,5 \text{ cm et } JR = 1,6 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur  $GR$ .

.....

Le triangle  $RGJ$  est rectangle en  $R$ .

Son hypoténuse est  $[GJ]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$GJ^2 = JR^2 + GR^2$$

$$GR^2 = GJ^2 - JR^2 \quad (\text{On cherche } GR)$$

$$GR^2 = 6,5^2 - 1,6^2$$

$$GR^2 = 42,25 - 2,56$$

$$GR^2 = 39,69$$

$$\text{Donc } GR = \sqrt{39,69} = 6,3 \text{ cm}$$

►2. Soit  $GMX$  un triangle rectangle en  $G$  tel que :

$$XG = 3 \text{ cm et } MG = 1,6 \text{ cm.}$$

Calculer la longueur  $XM$ .

.....  
Le triangle  $GMX$  est rectangle en  $G$ .

Son hypoténuse est  $[XM]$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$XM^2 = MG^2 + XG^2$$

$$XM^2 = 1,6^2 + 3^2$$

$$XM^2 = 2,56 + 9$$

$$XM^2 = 11,56$$

$$\text{Donc } XM = \sqrt{11,56} = 3,4 \text{ cm}$$

### Corrigé de l'exercice 6

Soit  $VHQ$  un triangle tel que :  $HV = 6,8 \text{ cm}$  ,  $HQ = 8,5 \text{ cm}$  et  $QV = 5,1 \text{ cm}$ .

Quelle est la nature du triangle  $VHQ$  ?

.....  
Le triangle  $VHQ$  n'est ni isocèle, ni équilatéral.

$$\bullet HQ^2 = 8,5^2 = 72,25 \quad ([HQ] \text{ est le plus grand côté.})$$

$$\bullet QV^2 + HV^2 = 5,1^2 + 6,8^2 = 72,25$$

$$\left. \begin{array}{l} \bullet HQ^2 = 8,5^2 = 72,25 \quad ([HQ] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet QV^2 + HV^2 = 5,1^2 + 6,8^2 = 72,25 \end{array} \right\} \text{Donc } HQ^2 = QV^2 + HV^2.$$

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**,

le triangle  $VHQ$  est rectangle en  $V$ .

### Corrigé de l'exercice 7

Soit  $KHZ$  un triangle tel que :  $ZH = 15 \text{ cm}$  ,  $ZK = 14,4 \text{ cm}$  et  $HK = 4,2 \text{ cm}$ .

Quelle est la nature du triangle  $KHZ$  ?

.....  
Le triangle  $KHZ$  n'est ni isocèle, ni équilatéral.

$$\bullet ZH^2 = 15^2 = 225 \quad ([ZH] \text{ est le plus grand côté.})$$

$$\bullet HK^2 + ZK^2 = 4,2^2 + 14,4^2 = 225$$

$$\left. \begin{array}{l} \bullet ZH^2 = 15^2 = 225 \quad ([ZH] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet HK^2 + ZK^2 = 4,2^2 + 14,4^2 = 225 \end{array} \right\} \text{Donc } ZH^2 = HK^2 + ZK^2.$$

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**,

le triangle  $KHZ$  est rectangle en  $K$ .

### Corrigé de l'exercice 8

Soit  $GQY$  un triangle tel que :  $QY = 10,4 \text{ cm}$  ,  $GY = 7,8 \text{ cm}$  et  $QG = 13 \text{ cm}$ .

Quelle est la nature du triangle  $GQY$  ?

Le triangle  $GQY$  n'est ni isocèle, ni équilatéral.

$$\left. \begin{array}{l} \bullet QG^2 = 13^2 = 169 \quad ([QG] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet GY^2 + QY^2 = 7,8^2 + 10,4^2 = 169 \end{array} \right\} \text{Donc } QG^2 = GY^2 + QY^2.$$

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**, le triangle  $GQY$  est rectangle en  $Y$ .

### Corrigé de l'exercice 9

Soit  $DOV$  un triangle tel que :  $VO = 8,8 \text{ cm}$  ,  $DO = 16,5 \text{ cm}$  et  $DV = 18,7 \text{ cm}$ .  
Quelle est la nature du triangle  $DOV$  ?

Le triangle  $DOV$  n'est ni isocèle, ni équilatéral.

$$\left. \begin{array}{l} \bullet DV^2 = 18,7^2 = 349,69 \quad ([DV] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet VO^2 + DO^2 = 8,8^2 + 16,5^2 = 349,69 \end{array} \right\} \text{Donc } DV^2 = VO^2 + DO^2.$$

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**, le triangle  $DOV$  est rectangle en  $O$ .

### Corrigé de l'exercice 10

Soit  $GWL$  un triangle tel que :  $WL = 8,8 \text{ cm}$  ,  $GL = 6,6 \text{ cm}$  et  $WG = 11 \text{ cm}$ .  
Quelle est la nature du triangle  $GWL$  ?

Le triangle  $GWL$  n'est ni isocèle, ni équilatéral.

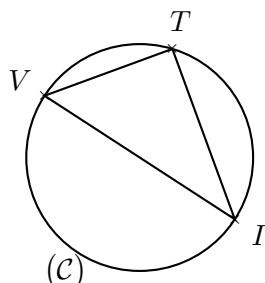
$$\left. \begin{array}{l} \bullet WG^2 = 11^2 = 121 \quad ([WG] \text{ est le plus grand côté.}) \\ \bullet GL^2 + WL^2 = 6,6^2 + 8,8^2 = 121 \end{array} \right\} \text{Donc } WG^2 = GL^2 + WL^2.$$

D'après la **réciproque du théorème de Pythagore**, le triangle  $GWL$  est rectangle en  $L$ .

### Corrigé de l'exercice 11

(C) est un cercle de diamètre  $[IV]$  et  $T$  est un point de (C).  
On donne  $IV = 19,5$  cm et  $VT = 11,7$  cm.  
Calculer la longueur  $IT$ .

.....



$[IV]$  est le diamètre du cercle circonscrit au triangle  $VIT$ .

Donc le triangle  $VIT$  est rectangle en  $T$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$IV^2 = VT^2 + IT^2 \quad (\text{car } [IV] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$IT^2 = IV^2 - VT^2 \quad (\text{On cherche } IT)$$

$$IT^2 = 19,5^2 - 11,7^2$$

$$IT^2 = 380,25 - 136,89$$

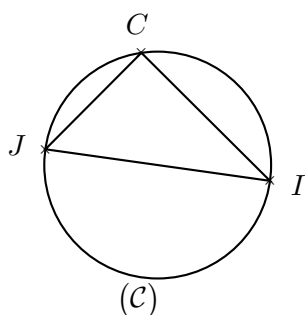
$$IT^2 = 243,36$$

Donc  $IT = \sqrt{243,36} = 15,6$  cm

### Corrigé de l'exercice 12

(C) est un cercle de diamètre  $[IJ]$  et  $C$  est un point de (C).  
On donne  $IC = 7,2$  cm et  $IJ = 9$  cm.  
Calculer la longueur  $JC$ .

.....



$[IJ]$  est le diamètre du cercle circonscrit au triangle  $ICJ$ .

Donc le triangle  $ICJ$  est rectangle en  $C$ .

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$IJ^2 = JC^2 + IC^2 \quad (\text{car } [IJ] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$JC^2 = IJ^2 - IC^2 \quad (\text{On cherche } JC)$$

$$JC^2 = 9^2 - 7,2^2$$

$$JC^2 = 81 - 51,84$$

$$JC^2 = 29,16$$

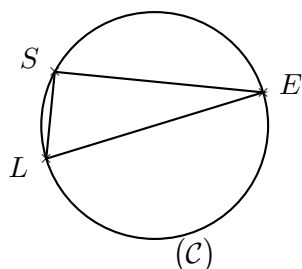
Donc  $JC = \sqrt{29,16} = 5,4$  cm

### Corrigé de l'exercice 13



(C) est un cercle de diamètre  $[EL]$  et  $S$  est un point de (C).  
On donne  $EL = 16,9$  cm et  $ES = 15,6$  cm.  
Calculer la longueur  $LS$ .

.....



$[EL]$  est le diamètre du cercle circonscrit au triangle  $SLE$ .

Donc le triangle SLE est rectangle en S.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$EL^2 = LS^2 + ES^2 \quad (\text{car } [EL] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$LS^2 = EL^2 - ES^2 \quad (\text{On cherche } LS)$$

$$LS^2 = 16,9^2 - 15,6^2$$

$$LS^2 = 285,61 - 243,36$$

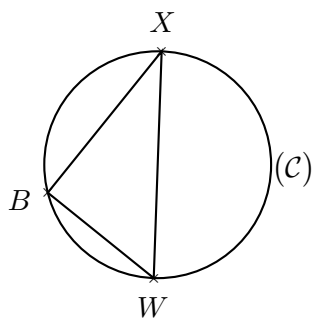
$$LS^2 = 42,25$$

Donc  $LS = \sqrt{42,25} = 6,5$  cm

### Corrigé de l'exercice 14

(C) est un cercle de diamètre  $[XW]$  et  $B$  est un point de (C).  
On donne  $XB = 10,4$  cm et  $WB = 7,8$  cm.  
Calculer la longueur  $XW$ .

.....



$[XW]$  est le diamètre du cercle circonscrit au triangle  $XWB$ .

Donc le triangle XWB est rectangle en B.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$XW^2 = WB^2 + XB^2 \quad (\text{car } [XW] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$XW^2 = 7,8^2 + 10,4^2$$

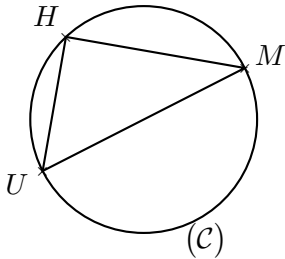
$$XW^2 = 60,84 + 108,16$$

$$XW^2 = 169$$

Donc  $XW = \sqrt{169} = 13$  cm

### Corrigé de l'exercice 15

(C) est un cercle de diamètre [MU] et H est un point de (C).  
 On donne  $MH = 6,4$  cm et  $MU = 8$  cm.  
 Calculer la longueur  $UH$ .



[MU] est le diamètre du cercle circonscrit au triangle UHM.

Donc le triangle UHM est rectangle en H.

D'après le **théorème de Pythagore** :

$$MU^2 = UH^2 + MH^2 \quad (\text{car } [MU] \text{ est l'hypoténuse})$$

$$UH^2 = MU^2 - MH^2 \quad (\text{On cherche } UH)$$

$$UH^2 = 8^2 - 6,4^2$$

$$UH^2 = 64 - 40,96$$

$$UH^2 = 23,04$$

Donc  $UH = \sqrt{23,04} = 4,8$  cm

**Corrigé de l'exercice 16**

►1. QCD est un triangle rectangle en Q tel que :  
 $QD = 10,7$  cm et  $DC = 11$  cm.  
 Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{QDC}$ .

Dans le triangle QCD rectangle en Q,

$$\cos \widehat{QDC} = \frac{QD}{DC}$$

$$\cos \widehat{QDC} = \frac{10,7}{11}$$

$$\widehat{QDC} = \cos^{-1} \left( \frac{10,7}{11} \right) \simeq 13,4^\circ$$

►2. TFA est un triangle rectangle en A tel que :  
 $AF = 3$  cm et  $\widehat{ATF} = 67^\circ$ .  
 Calculer la longueur AT.

Dans le triangle TFA rectangle en A,

$$\tan \widehat{ATF} = \frac{AF}{AT}$$

$$\tan 67 = \frac{3}{AT}$$

$$AT = \frac{3}{\tan 67} \simeq 1,27 \text{ cm}$$

**Corrigé de l'exercice 17**

►1. IHA est un triangle rectangle en H tel que :  
 $HA = 2,6$  cm et  $IA = 4,6$  cm.  
 Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{HIA}$ .

Dans le triangle IHA rectangle en H,

$$\sin \widehat{HIA} = \frac{HA}{IA}$$

$$\sin \widehat{HIA} = \frac{2,6}{4,6}$$

$$\widehat{HIA} = \sin^{-1} \left( \frac{2,6}{4,6} \right) \simeq 34,4^\circ$$

- 2.  $VDQ$  est un triangle rectangle en  $Q$  tel que :  
 $DV = 1$  cm et  $\widehat{QDV} = 51^\circ$ .  
 Calculer la longueur  $QD$ .

.....

Dans le triangle  $VDQ$  rectangle en  $Q$ ,

$$\cos \widehat{QDV} = \frac{QD}{DV}$$

$$\cos 51 = \frac{QD}{1}$$

$$QD = \cos 51 \times 1 \simeq 0,62 \text{ cm}$$

### Corrigé de l'exercice 18

- 1.  $PJF$  est un triangle rectangle en  $J$  tel que :  
 $JF = 4,6$  cm et  $JP = 11$  cm.  
 Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{JPF}$ .

.....

Dans le triangle  $PJF$  rectangle en  $J$ ,

$$\tan \widehat{JPF} = \frac{JF}{JP}$$

$$\tan \widehat{JPF} = \frac{4,6}{11}$$

$$\widehat{JPF} = \tan^{-1} \left( \frac{4,6}{11} \right) \simeq 22,6^\circ$$

- 2.  $CTB$  est un triangle rectangle en  $B$  tel que :  
 $BC = 3,8$  cm et  $\widehat{BCT} = 59^\circ$ .  
 Calculer la longueur  $CT$ .

.....

Dans le triangle  $CTB$  rectangle en  $B$ ,

$$\cos \widehat{BCT} = \frac{BC}{CT}$$

$$\cos 59 = \frac{3,8}{CT}$$

$$CT = \frac{3,8}{\cos 59} \simeq 7,37 \text{ cm}$$

### Corrigé de l'exercice 19

- 1.  $QOH$  est un triangle rectangle en  $Q$  tel que :  
 $HO = 3,3$  cm et  $\widehat{QHO} = 17^\circ$ .  
 Calculer la longueur  $QO$ .

.....

Dans le triangle  $QOH$  rectangle en  $Q$ ,

$$\sin \widehat{QHO} = \frac{QO}{HO}$$

$$\sin 17 = \frac{QO}{3,3}$$

$$QO = \sin 17 \times 3,3 \simeq 0,96 \text{ cm}$$

- 2.  $NXF$  est un triangle rectangle en  $F$  tel que :  
 $FX = 7,6$  cm et  $XN = 9,9$  cm.  
 Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{FXN}$ .

.....

Dans le triangle  $NXF$  rectangle en  $F$ ,

$$\cos \widehat{FXN} = \frac{FX}{XN}$$

$$\cos \widehat{FXN} = \frac{7,6}{9,9}$$

$$\widehat{FXN} = \cos^{-1} \left( \frac{7,6}{9,9} \right) \simeq 39,8^\circ$$

### Corrigé de l'exercice 20

- 1.  $WLQ$  est un triangle rectangle en  $L$  tel que :  
 $LQ = 5,6$  cm et  $\widehat{LQW} = 52^\circ$ .  
Calculer la longueur  $QW$ .

.....

Dans le triangle  $WLQ$  rectangle en  $L$ ,

$$\cos \widehat{LQW} = \frac{LQ}{QW}$$

$$\cos 52 = \frac{5,6}{QW}$$

$$QW = \frac{5,6}{\cos 52} \simeq 9,09 \text{ cm}$$

- 2.  $KUI$  est un triangle rectangle en  $U$  tel que :  
 $UK = 7,9$  cm et  $UI = 8,2$  cm.  
Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{UIK}$ .

.....

Dans le triangle  $KUI$  rectangle en  $U$ ,

$$\tan \widehat{UIK} = \frac{UK}{UI}$$

$$\tan \widehat{UIK} = \frac{7,9}{8,2}$$

$$\widehat{UIK} = \tan^{-1} \left( \frac{7,9}{8,2} \right) \simeq 43,9^\circ$$